

## Biomeccanica II

Lez. BM1

Lunedì 6 Aprile 2009 14:15:30

Luca P. Ardigò

### Anno Accademico 2008/2009

1° Anno comune: Biomeccanica (Prof. Paola Zamparo), le basi della biomeccanica.

### Anno Accademico 2008/2009

2° Anno curriculum scientifico: Biomeccanica II, le 'biomeccaniche specifiche'.

### Natura dell'intervento didattico

Completamento Biomeccanica (cinematica angolare & dinamica angolare).

Introduzione e Marcia (o cammino).

Corsa.

Salti.

### Natura dell'intervento didattico (segue)

Lanci.

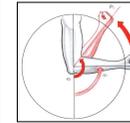
## Natura dell'intervento didattico (segue)

+ esercitazz. (frequenza obbligatoria, non controllo le presenze, portarsi computer portatile, completamento lezz. frontali)

+ 3 verifiche a sorpresa (domande a risp. aperta/multipla/conti, non si copia, controllo).

## CINEMATICA ANGOLARE

- Un moto si dice circolare quando tutti i punti del corpo si muovono attorno a un asse di rotazione descrivendo una traiettoria o un arco di circonferenza
- I movimenti dei segmenti corporei umani avvengono, nella loro quasi totalità, con traiettorie angolari descriventi archi di circonferenza; non sono mai rotazioni complete (anche la rotazione della spalla non è una traiettoria circolare)



L'asse attorno al quale avvengono le rotazioni nei movimenti corporei può anche collocarsi all'esterno del corpo (capriole a terra, rotazioni attorno alla sbarra o agli anelli)

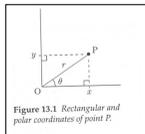
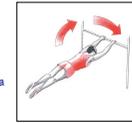


Figure 13.1 Rectangular and polar coordinates of point P.

Il moto circolare (bidimensionale) viene generalmente descritto in termini di coordinate polari ( $r$  e  $\theta$ )

$$x = r \cos \theta$$

$$y = r \sin \theta$$

$$r^2 = x^2 + y^2$$

$$\theta = \arctan (y/x)$$

Il moto circolare, come già il moto rettilineo, può essere diviso in:

Circolare uniforme  
Circolare non uniforme

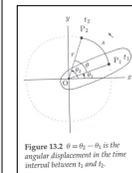


Figure 13.2  $\theta = \theta_2 - \theta_1$  is the angular displacement in the time interval between  $t_1$  and  $t_2$ .

Table 13.3 Selected angles in degrees and radians.

Degrees ( $^\circ$ )	Radians (rad)
30	$\pi/6 = 0.524$
45	$\pi/4 = 0.785$
60	$\pi/3 = 1.047$
90	$\pi/2 = 1.571$
180	$\pi = 3.142$
270	$3\pi/2 = 4.712$
360	$2\pi = 6.283$

### Posizione angolare e spostamento angolare

Se il punto P si sposta dalla posizione 1 alla 2 si può descrivere questo spostamento in termini di cambiamento della sua posizione angolare ( $\theta$ ):

Si è spostato da  $\theta_1$  a  $\theta_2$

Spostamento angolare:  $\theta = \theta_2 - \theta_1$

È ha percorso un arco di circonferenza  $s$  (tanto maggiore tanto più grande è il raggio)

$$s = r \theta \quad \theta = \frac{s}{r}$$

Gli angoli si misurano in radianti

$$\theta \text{ (radians)} = \frac{\pi}{180} \theta \text{ (degrees)}$$

**velocità angolare** **accelerazione angolare**

$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \dot{\theta}$  **Istantanea**  $\alpha = \frac{d\omega}{dt}$

$\bar{\omega} = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1}$  **media**  $\bar{\alpha} = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1}$

$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{d\theta}{dt} \right) = \frac{d^2\theta}{dt^2} = \ddot{\theta}$

**Spostamento, velocità e accelerazione angolare sono VETTORI**  
La loro direzione (in 2D) può essere cw o ccw

**dimensioni** **units**

$\theta = \frac{s}{r}$  [ANGULAR DISPLACEMENT] =  $\frac{L}{L} = 1$  **radianti**

$\omega = \frac{d\theta}{dt} = \dot{\theta}$  **Angular speed: 1/T** **rad / s**

$\alpha = \frac{d\omega}{dt}$  **Angular acceleration: 1 / T<sup>2</sup>** **rad / s<sup>2</sup>**

**1 radiante = arco di circonferenza di lunghezza pari al raggio**

**Il moto armonico (ANGOLARE, NON CIRCOLARE) come i movimenti articolari**

$\theta = \theta_0 \cos(\phi t)$  **La posizione angolare varia in funzione del tempo**

$\theta_0$  = ampiezza: metà del range of motion

$\phi = \frac{2\pi}{\tau}$   **$\phi$  = frequenza angolare (rad / s)**

$\tau$  = periodo: il tempo necessario per completare un ciclo

$f = \frac{1}{\tau} = \frac{\phi}{2\pi}$  **La frequenza (Hz) è l'inverso del periodo  $\tau$**

← Tracciato su di un rullo che scorre a v costante

Figure 13.3 Pendulum.

Figure 13.4 Simple harmonic motion.

$\theta = \theta_0 \cos(\phi t)$

$\omega = \frac{d\theta}{dt} = -\theta_0 \phi \sin(\phi t)$

$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = -\theta_0 \phi^2 \cos(\phi t)$

**Velocità e accelerazione angolare dipendono dal seno e dal coseno del prodotto  $\phi t$**

**Quando una è massima l'altra è minima**

Figure 13.5 Angular velocity  $\omega$  versus time  $t$ .

Figure 13.6 Angular acceleration  $\alpha$  versus time  $t$ .

Figure 13.4 Graph of the kinematic data derived in Table 13.1.

### Oscillazioni smorzate

Attrito dell'aria, frizioni interne  
Affaticamento muscolare

Il pendolo completa un certo numero di cicli nel tempo  
=  $t_f$ ; cambia solo l'ampiezza, non il periodo (t).  
L'ampiezza è = 0 a  $t_f$

$$\theta = \theta_0 \left(1 - \frac{t}{t_f}\right) \cos(\phi t)$$

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} = -\frac{\theta_0}{t_f} \cos(\phi t) - \theta_0 \phi \left(1 - \frac{t}{t_f}\right) \sin(\phi t)$$

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{2\theta_0 \phi}{t_f} \sin(\phi t) - \theta_0 \phi^2 \left(1 - \frac{t}{t_f}\right) \cos(\phi t)$$

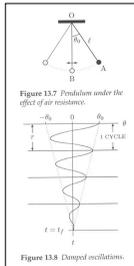


Figure 13.8 Damped oscillations.

**Diagrammi angolo/angolo:** i segmenti corporei ruotano gli uni rispetto agli altri. Di solito è l'angolo compreso tra due segmenti (e. g. angolo del ginocchio o della caviglia) in funzione di un angolo di riferimento (del tronco rispetto all'orizzontale/verticale)

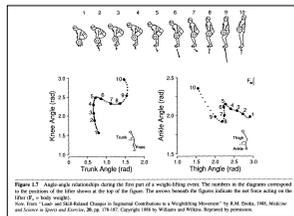


Figure 1.7 Angular relationships during the fore part of a weightlifting cross. The numbers in the diagram correspond to the positions of the 10th frames at the top of the figure. The curves resemble the figures presented in our book on page 146 (Fig. 1.7, 1.8, 1.9).

Da 1 a 5 estendo il ginocchio e il tronco si flette un po'  
Da 5 a 8 estendo il tronco e fletto un po' le ginocchia  
Da 8 a 10 estendo il ginocchio e il tronco oscilla avanti e dietro

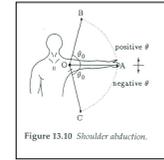


Figure 13.10 Shoulder abduction.

Lo spostamento angolare massimo di una articolazione serve a calcolare il ROM = RANGE OF MOTION =  $2\theta_0$  (Amplitude =  $\theta_0$ ) è ridotto in certe patologie e nelle infiammazioni

Uno strido in un corridore:  
angolo della gamba con l'orizzontale

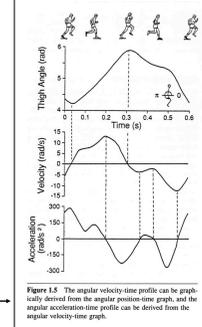


Figure 1.5 The angular velocity-time profile can be graphically derived from the angular position-time graph, and the angular acceleration-time profile can be derived from the angular velocity-time graph.

### Disponibili tirocini, tesi triennale e specialistica

- Bioenergetica & biomeccanica del nordic walking;
- bioenergetica & biomeccanica della locomozione acquatica;
- bioenergetica & biomeccanica dell'inline skating;
- bioenergetica & biomeccanica dell'hand-cycling;
- bioenergetica & biomeccanica del long bed rest;
- bioenergetica & biomeccanica del trekking delle alpi;

## Disponibili tirocini, tesi triennale e specialistica (2)

- costo emg della locomozione;
- review dei sistemi misura portatili dell'attività fisica e del dispendio metabolico; e
- salto in lungo da fermo con masse aggiunte ed allenamento.